

理 科

科目：物理基礎・物理

注 意 事 項

1. 試験開始の合図があるまで、この問題用紙を開いてはいけません。
2. 問題用紙は表紙を含めて8枚、解答用紙は6枚、下書き用紙は1枚です。
試験開始の合図があつてから確かめなさい。
3. 解答用紙に受験番号を記入しなさい。ただし、氏名を書いてはいけません。
4. 文字などの印刷に不鮮明なところがあった場合は、手を挙げて監督者に知らせなさい。
5. 解答はすべて解答用紙に記入しなさい。ただし、「総得点欄」「採点欄」「得点欄」に記入してはいけません。また、裏面を使用してはいけません。
6. 問題用紙の余白は、下書きとして利用してかまいません。
7. 配付された問題用紙、下書き用紙は持ち帰りなさい。
8. 特に指示のない限り、解答のみでなく途中の導出過程も示しなさい。

問 題 用 紙

(物理基礎・物理)

問題 1 下の問い合わせ（問 1～3）に答えなさい。

問 1 図 1 のように、点 C を中心とした半径 R の球面の内側を鏡面とした凹面鏡がある。鏡面の中心 O と点 C を通る直線は光軸と呼ばれる。この凹面鏡に対して、光軸と平行な向きに進む光が入射した。入射した光と光軸との距離は h であった。入射した光は鏡面上の点 P において反射され、光軸上の点 F を通った。ここで、点 P で鏡面に対して垂直な直線（法線）は点 C を通る。よって、図中の i [rad] が光の入射角、 j [rad] が反射角になる。光の入射角と反射角との間に成り立つ法則を用いることにより、点 F と点 O との間の距離 f は R の何倍であるか答えなさい。ただし、凹面鏡に入射した光は光軸の近くを進んでおり、 h は R や f に比べて十分に小さいとする。このとき、点 P から光軸に対して下ろした垂線の足 H と点 O との間の距離は無視できるほど小さいと考えてよい。また、 θ [rad] が十分に小さければ $\tan \theta = \theta$ として計算してよい。

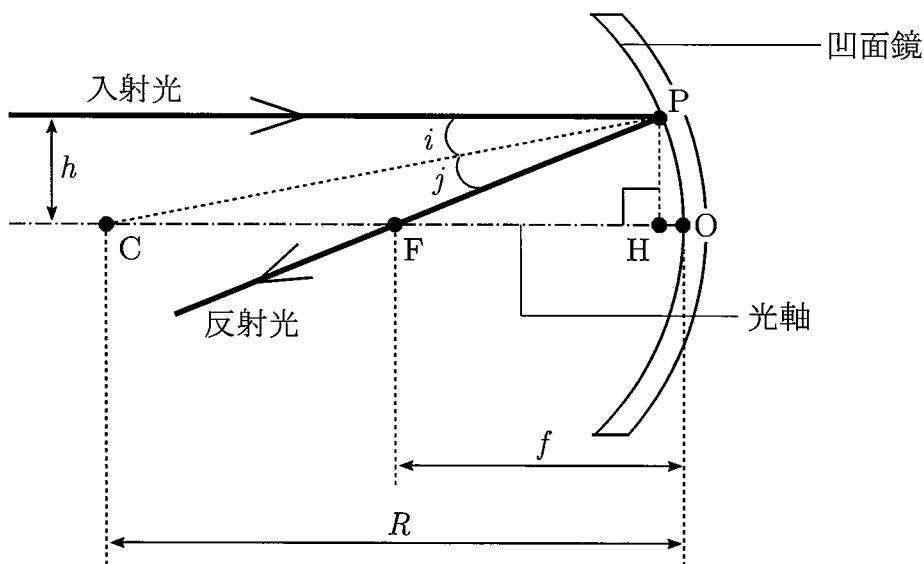


図 1

問 題 用 紙

(物理基礎・物理)

問 2 x 軸の正の方向に進む正弦波（波 1）があり、その変位 y_1 は

$$y_1 = A \sin 2\pi \left(\frac{t}{T} - \frac{x}{\lambda} \right)$$

であった。ここで、 A は振幅、 t は時刻、 T は周期、 x は位置、 λ は波長である。

また、 x 軸の負の方向に進む、波 1 と振幅、周期、波長が等しい正弦波（波 2）があり、その変位 y_2 は

$$y_2 = A \sin 2\pi \left(\frac{t}{T} + \frac{x}{\lambda} \right)$$

であった。波 1 と波 2 が重なり合い、定常波（定在波）が現れた。このとき、隣り合う節と節の間隔は λ の何倍であるか答えなさい。必要に応じて、三角関数の和と積を変換する公式

$$\sin \alpha + \sin \beta = 2 \sin \frac{\alpha + \beta}{2} \cos \frac{\alpha - \beta}{2}$$

を用いてよい。

問題用紙

(物理基礎・物理)

問3 図2のように、ピストンがなめらかに動く断面積 S [m²] の断熱シリンダーに n [mol] の理想気体を封入し、シリンダーを床に固定した。ばね定数 k [N/m] のばねの一端をピストンに取り付け、他端を壁に取り付けた。温度 T [K]において、ばねの長さは自然長であり、シリンダー内面の左端からピストン左端までの距離は L [m] であった。シリンダー内のヒーターにより気体を加熱したところ、ピストンは右に x [m] だけ移動した。このときのシリンダー内の気体の温度 T' [K] を求めなさい。ただし、気体定数を R [J/(mol·K)] とし、シリンダー内のヒーターの体積は無視できるとする。

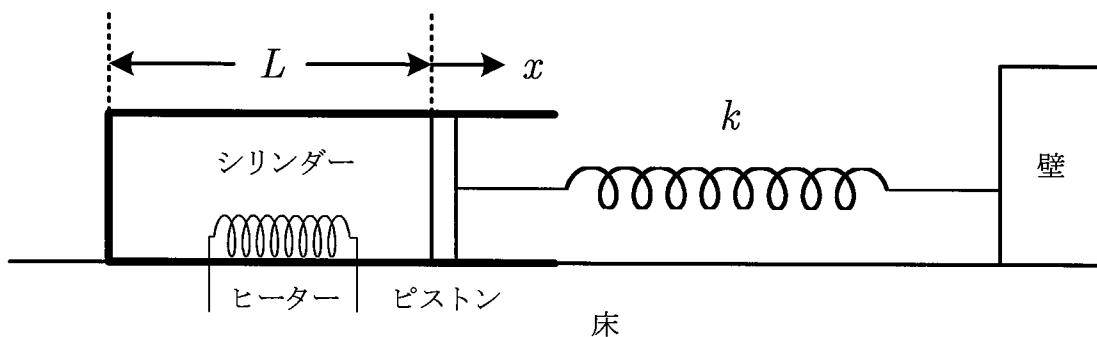


図2

問題用紙

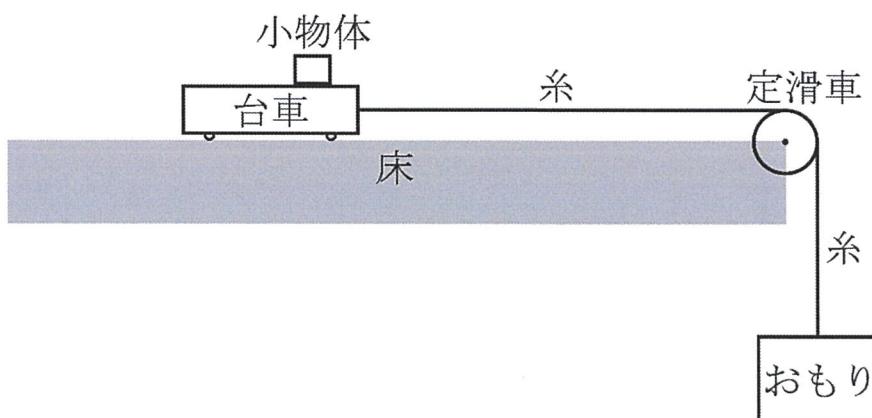
(物理基礎・物理)

問題 2 図のように、水平でなめらかな床の上に質量 $2m$ の台車があり、台車の上面に質量 m の小物体がのっている。台車の上面は水平であり、台車と小物体の間の静止摩擦係数は μ 、動摩擦係数は μ' である。さらに、伸び縮みしない糸で台車と質量 M のおもりが連結され、糸はなめらかな定滑車にかけられている。糸が張っている状態で、静止させた台車と小物体を静かにはなしたところ、台車と小物体は一体となって運動した。重力加速度の大きさを g として、下の問い合わせ（問 1～7）に答えなさい。ただし、台車の高さ、定滑車の質量と大きさ、糸の質量、および空気抵抗は無視できるとする。また、台車は床の上を摩擦なく運動するとする。

問 1 台車が床から受ける垂直抗力の大きさ、および小物体が台車から受ける垂直抗力の大きさを求めなさい。

問 2 おもりの加速度の大きさ、および糸の張力の大きさを求めなさい。

問 3 台車と小物体が一体となって運動できるようなおもりの質量 M の最大値を求めなさい。



問題用紙

(物理基礎・物理)

次に、おもりを質量 $3m$ のものに取り換えた。糸が張っている状態で、静止させた台車と小物体を時刻 0 に静かにはなしたところ、小物体は台車に対してすべりながら運動した。ただし、運動中に小物体が台車から落下することなく、台車が定滑車とぶつかることはないとする。

問4 小物体の加速度の大きさを求めなさい。

問5 おもりの加速度の大きさ、および糸の張力の大きさを求めなさい。

問6 運動している途中の時刻 t_1 における、台車および小物体の速さを求めなさい。

問7 問6の時刻 t_1 の瞬間に糸を切った場合、小物体が台車に対してすべらなくなる時刻を求めなさい。

問 題 用 紙

(物理基礎・物理)

問題3 図1のように、内部抵抗を無視できる起電力 E の電池 E, 抵抗値 R の抵抗 R , 自己インダクタンス L のコイル L, 4個のスイッチ S_1 , S_2 , S_3 , S_4 からなる回路がある。最初、すべてのスイッチは開いているとして、下の問い合わせ（問1～6）に答えなさい。

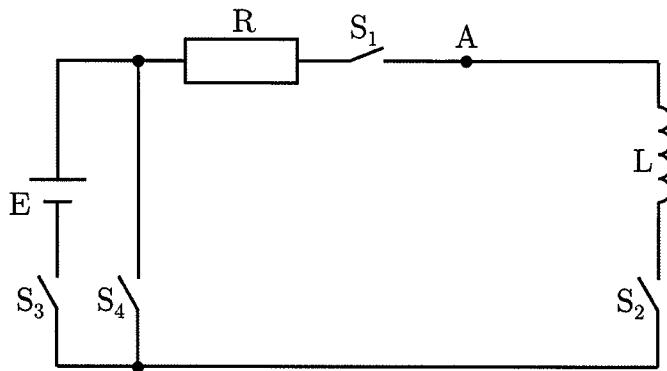


図1

問1 スイッチ S_1 , S_2 , S_3 を閉じて十分に時間が過ぎたとき、点 A に流れる電流の大きさを求めなさい。

問2 次に、スイッチ S_3 を開き、同時にスイッチ S_4 を閉じた。十分に時間が過ぎたとき、点 A に流れる電流の大きさを求めなさい。

その後、図1の回路のすべてのスイッチを開き、図2のように点Aと点Bの間の灰色の四角で示した部分Xに、ある素子を一つ挿入した。次に、スイッチ S_1 , S_3 を閉じたとき、最初、点Aと点Bの間に電流が流れだが、十分に時間が過ぎると電流は流れなくなった。

問 題 用 紙
 (物理基礎・物理)

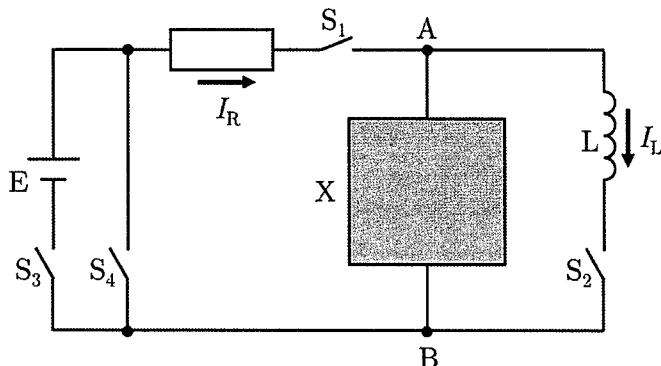


図 2

問 3 点 A と点 B の間の電圧を求めなさい。

問 4 X に挿入した素子として最も適当なものを、次の 4 つのうちから一つ選び、その理由を説明しなさい。

- 抵抗 • コンデンサー • コイル • 開いているスイッチ

この状態でスイッチ S_1 を開いた後、スイッチ S_2 を閉じた。ここで、スイッチ S_2 を閉じた時刻を 0 とする。

問 5 コイル L に流れる電流 I_L の時刻 $t = 0$ 以降の時間変化の概形を図示し、その理由を説明しなさい。ただし、図 2 の矢印の向きに電流が流れる場合を正とする。図中に値を記入しなくてよい。

次に、時刻 $t = t_1$ にスイッチ S_1 , S_4 を閉じると同時に、スイッチ S_2 , S_3 を開いた。

問 6 抵抗 R に流れる電流 I_R の時刻 $t = t_1$ 以降の時間変化の概形を図示し、その理由を説明しなさい。ただし、図 2 の矢印の向きに電流が流れる場合を正とし、時刻 $t = t_1$ における電流 I_{R0} は正であったとする。図中に値を記入しなくてよい。